

## ლექცია 5

# ვარსკვლავური ოსცილაციები

[www.tevza.org/home/course/AF2016/](http://www.tevza.org/home/course/AF2016/)

## ვარსკვლავური პულსაციები და ოსცილაციები

Pringle, King “Astrophysical Flows” 2007

Chapter 4:

4.1. ვარსკვლავური ოსცილაციები

4.2, 4.3, 4.3.1,

Chapter 5:

5.1. ტალღები ბრტყელ-პარალელურ ატმოსფეროში;

5.1.1. ლოკალური ანალიზი;

5.2. ტალღები პოლიტროპულ ატმოსფეროში;

5.2.1. წონასწორული განაწილება;

5.2.2.

5.2.3.

ამოცანები:

4.7.2,

5.4.2., 5.4.3.

## მზის ოსცილაციები

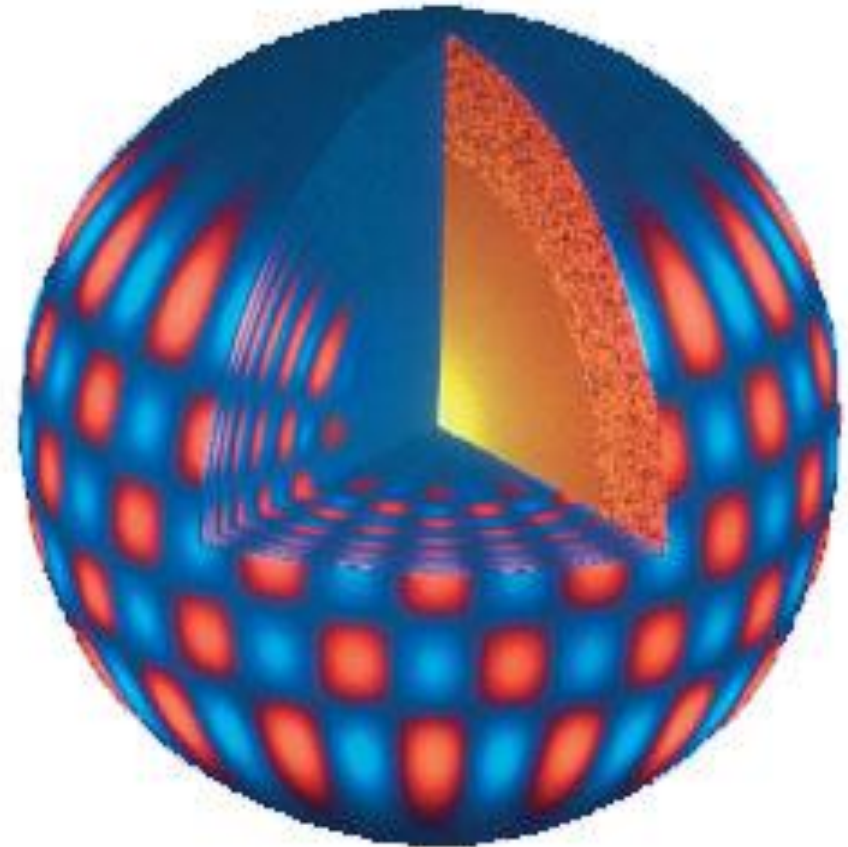
### ჰელიოსეისმოლოგია

- + უწყვეტი ვიბრაციები;
- + გლობალური ვიბრაციები;

დედამიწა: სეისმოლოგია (--)

### ასტეროსეისმოლოგია

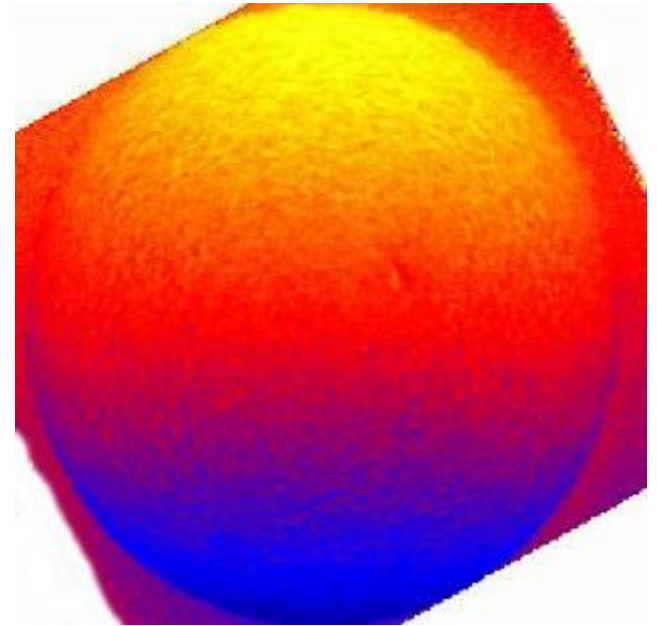
- აკუსტური ოსცილაციები;
- ზედაპირული გრავიტაციული ტალღები;
- მოცულობითი გრავიტაციული ტალღები;
- ...



## მზის ოსცილაციები

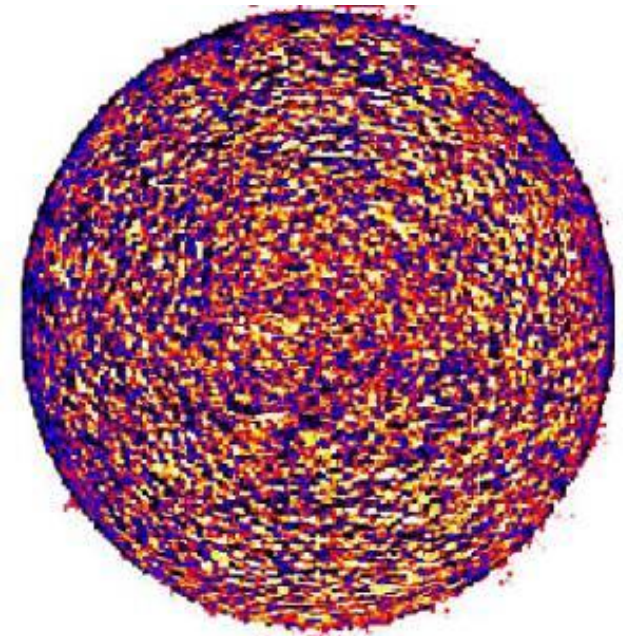
აკუსტიკური მოდა (P მოდა)

პერიოდი: 5 წუთი  
ამპლიტუდა ფოტოსფეროში: 10 კმ  
ვერტიკალური სიჩქარე: 200 მ/წმ



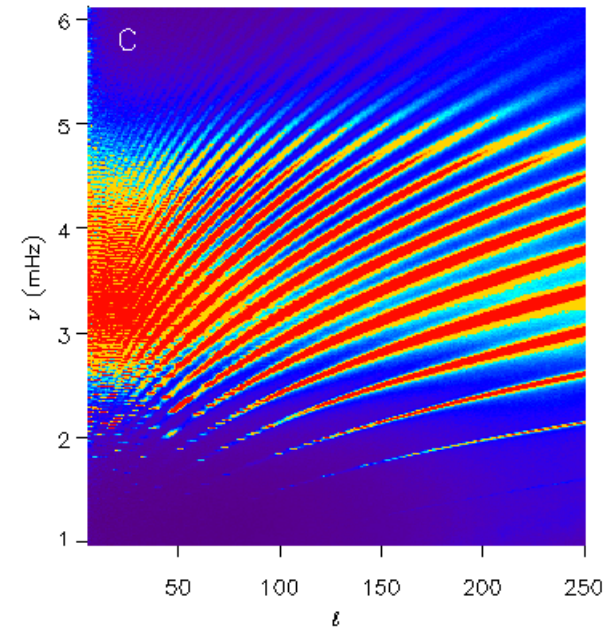
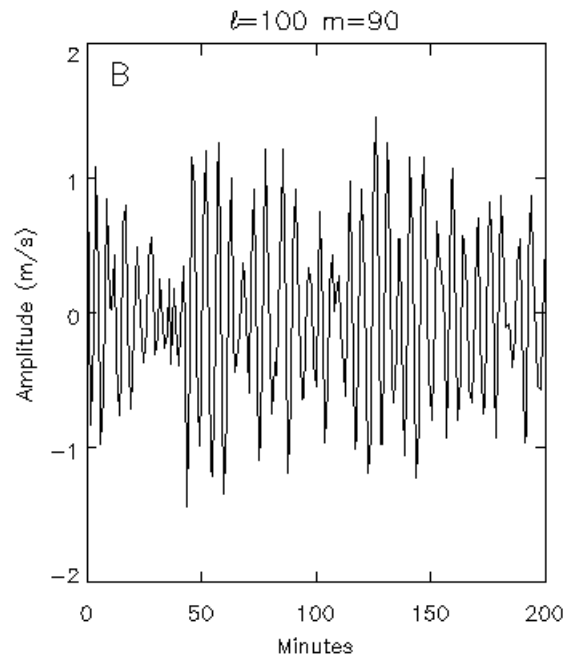
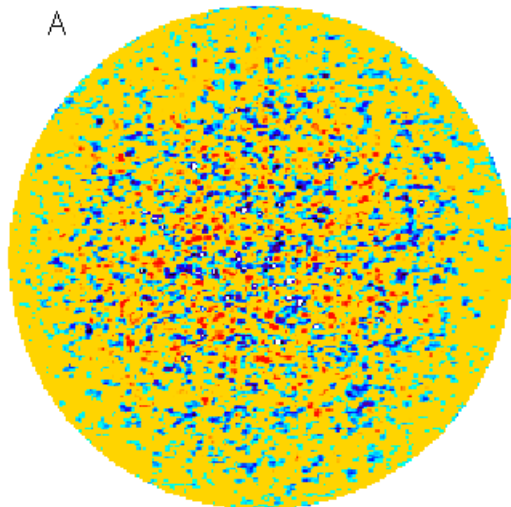
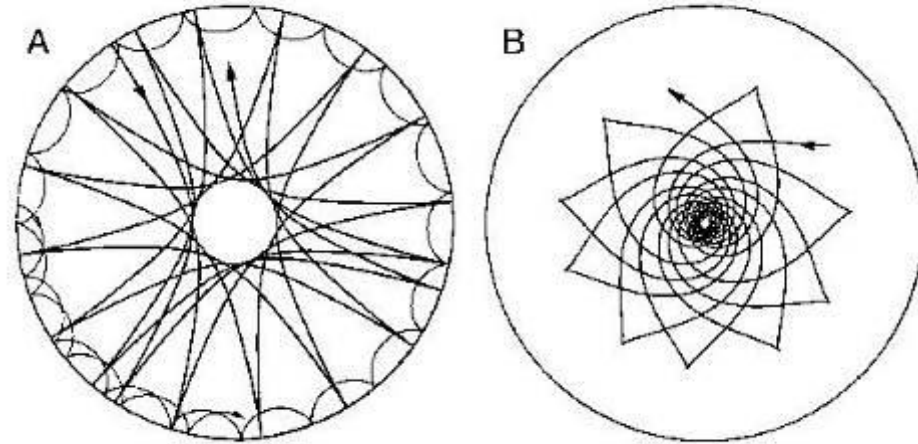
მოცულობითი გრავიტაციული მოდა  
(G მოდა): ?

ზედაპირული გრავიტაციული მოდა  
(F მოდა): ?



# მზის ოსცილაციები

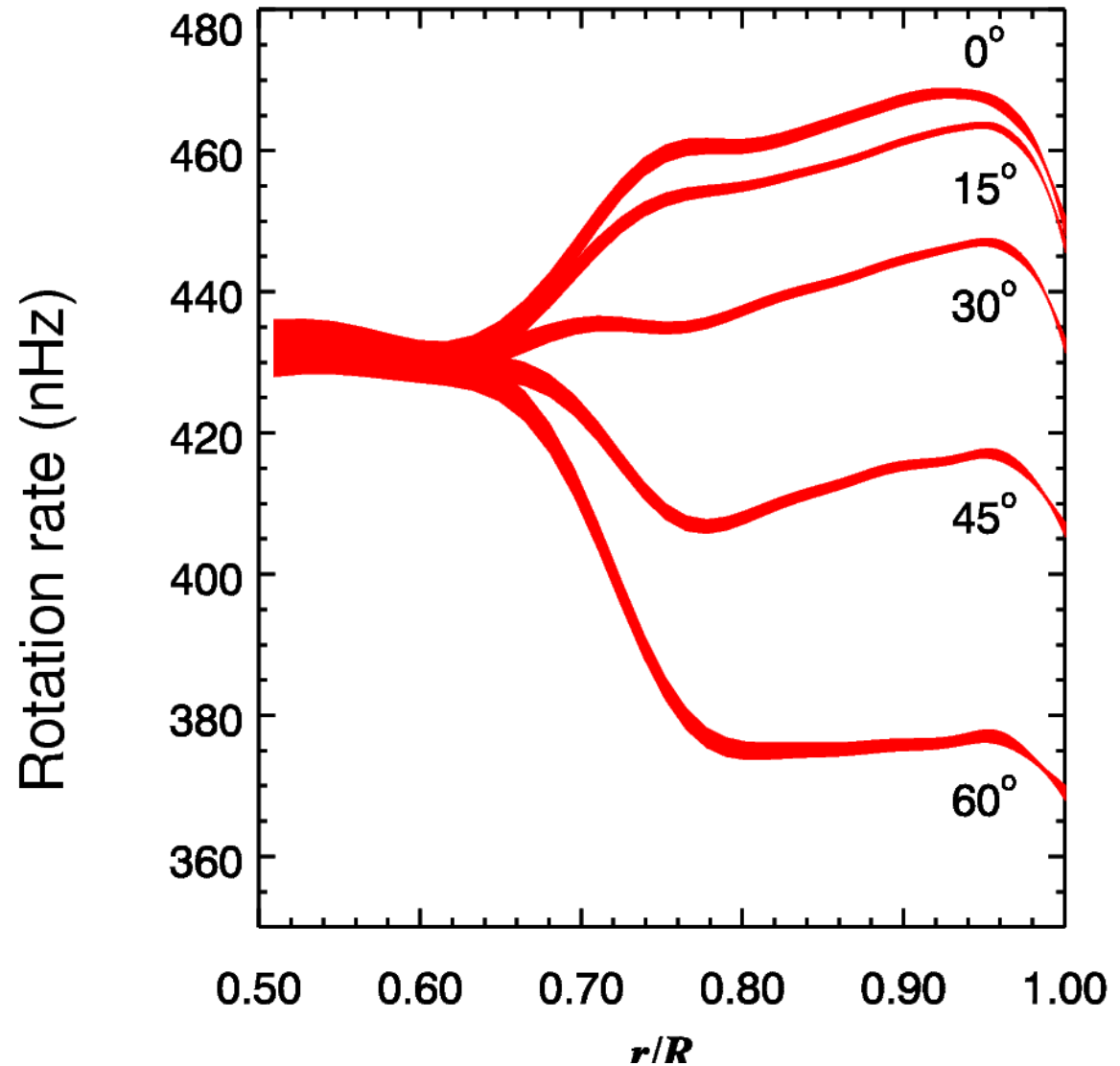
A - P მოდა;  
B - G მოდა;



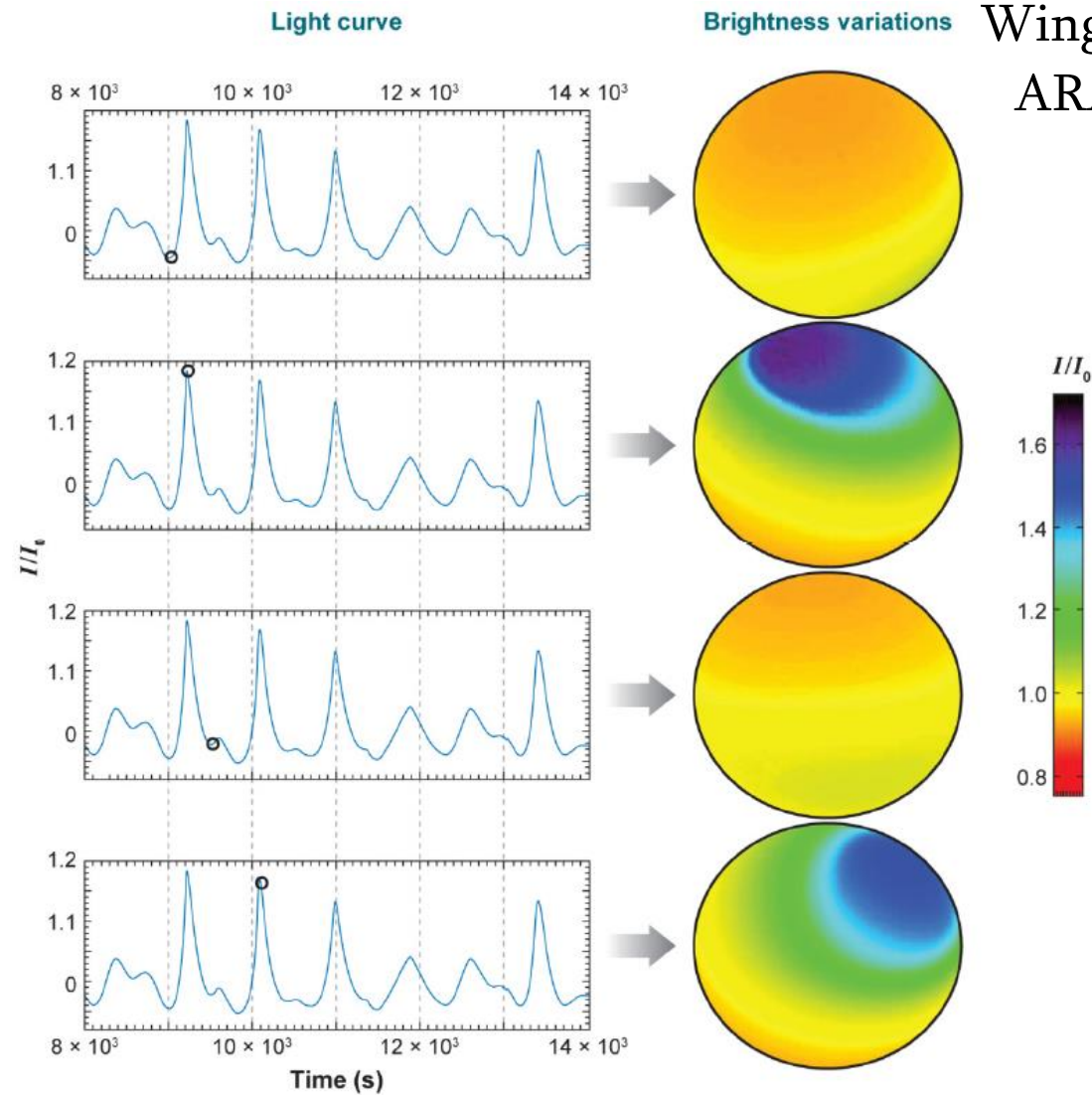
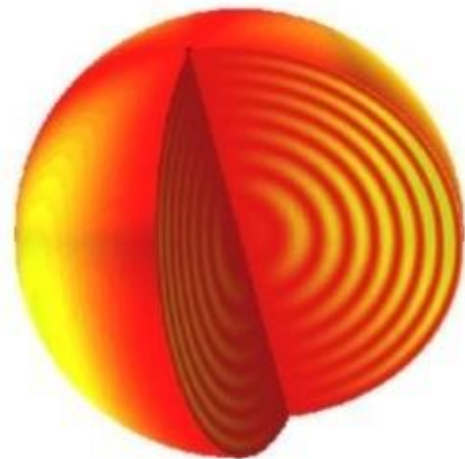
## მზის ოსცილაციები

ზედაპირულ რხევებზე დაკვირვება  
შებრუნებული ამოცანა:  
მზის შიდა სტრუქტურის შესწავლა

მაგალითი:  
მზის რადიალურად  
დიფერენციული ბრუნვა



# ასტროსეისმოლოგია



Winget et al.  
ARAA2008

**Figure 4** Surface brightness changes for the DBV GD 358, according to the non-linear convection/pulsation models of Montgomery (2007). The left side shows the position in the observed light (flux) corresponding to the surface brightness changes modelled on the right (intensity).

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla(\rho \vec{v}) = 0 \quad ; \quad \frac{\partial \rho}{\partial t} + \rho(\nabla \vec{v}) + (\vec{v} \nabla) \rho = 0$$

$$1.) \frac{D}{Dt} \rho + \rho(\nabla \vec{v}) = 0 \quad ; \quad \left| \frac{D}{Dt} \equiv \frac{\partial}{\partial t} + (\vec{v} \nabla) \right.$$

$$2.) \frac{D}{Dt} \vec{v} = -\frac{1}{\rho} \nabla P + \nabla \Phi \quad ; \quad \vec{g} = (0, 0, g)$$

$$3.) \frac{D}{Dt} P = c_s^2 \frac{D}{Dt} \rho \quad ;$$



$$P = \underbrace{\rho_0(z)} + \rho' \quad V_0 = 0;$$

$$g = \underbrace{\rho_0(z)} + \rho'$$

$$-\frac{1}{\rho_0} \cdot \frac{\partial \rho_0(z)}{\partial z} = g$$

$$g \equiv \text{const.}$$

შედეგად

$$\frac{\partial \rho'}{\partial t} + \cancel{(\vec{V}_0 \nabla)} \rho' + (V' \nabla) \rho_0 + \underbrace{(V' \nabla) \rho'}_{\rightarrow 0} + \cancel{(V_0 \nabla) \rho_0} +$$

$$+ \rho' \cancel{(\nabla V_0)} + \rho_0 \cancel{(\nabla V_0)} + \underbrace{\rho' (\nabla V')}_{\rightarrow 0} + \rho_0 \cancel{(\nabla V')} = 0$$

$$\frac{\partial \rho'}{\partial t} + \left( V'_x \cancel{\frac{\partial}{\partial x}} + V'_y \cancel{\frac{\partial}{\partial y}} + V'_z \frac{\partial}{\partial z} \right) \rho_0 = 0$$

$$\frac{\partial \rho'}{\partial t} + \rho_0(z) V'_z = 0 \quad + \rho_0 (\nabla V')$$

$$\frac{\partial v_x'}{\partial t} = -\frac{1}{\rho_0} \frac{\partial p'}{\partial x}$$

$$\frac{\partial v_y'}{\partial t} = -\frac{1}{\rho_0} \frac{\partial p'}{\partial y}$$

$$\frac{\partial v_z'}{\partial t} = -\frac{1}{\rho_0} \frac{\partial p'}{\partial z} +$$

$$\frac{p'}{\rho_0^2} \frac{\partial \rho_0(z)}{\partial z} = \rho_0'(z)$$

$$\vec{u} \equiv \rho_0(z) \vec{v}$$

$$\frac{\partial \rho'}{\partial t} + \frac{\rho_0'(z)}{\rho_0(z)} \psi_z' = 0$$

$$\nabla \psi_z'$$

$$\frac{\partial \psi_x'}{\partial t} + \frac{\partial \rho'}{\partial x} = 0$$

$$\frac{\partial \psi_y'}{\partial t} + \frac{\partial \rho'}{\partial y} = 0$$

$$\frac{\partial \psi_z'}{\partial t} + \frac{\partial \rho'}{\partial z} - \frac{\rho_0'(z)}{\rho_0(z)} \psi_z' = 0$$

$$\left( \frac{\partial p'}{\partial t} + \rho_0'(z) v_z' \right) = c_s^2 \left( \frac{\partial p'}{\partial t} + \rho_0'(z) v_z' \right)$$

$$\frac{\partial p'}{\partial t} + \rho_0'(z) v_z' - c_s^2 \nabla \cdot u_z' = 0$$

$$\frac{\partial p'}{\partial t} - c_s^2 \nabla \cdot u_z' + \frac{\rho_0'(z)}{\rho_0(z)} u_z' = 0$$

$$\rho(x, y, t) = \int \overline{\rho}(k_x, k_y, \omega) \exp(i\omega t - ik_x x - ik_y y) \times dk_x dk_y d\omega$$

$$\frac{\partial \rho}{\partial x} \rightarrow \frac{\partial}{\partial x} \rho = -ik_x \rho$$

$$\frac{\partial \rho}{\partial \omega} \rightarrow i\omega \rho, \quad \frac{\partial \rho}{\partial y} \rightarrow -ik_y \rho$$

$$i\omega u_x - ik_x p' = 0$$

$$i\omega u_y - ik_y p' = 0$$

$$i\omega u_z + \frac{\partial p'}{\partial z} - \frac{\rho_0'(z)}{\rho_0(z)} p' = 0$$

$$i\omega p' + k_x u_x + k_y u_y + \left( \frac{\partial}{\partial z} - \frac{\rho_0'(z)}{\rho_0(z)} \right) u_z = 0$$

$$i\omega p' + c_s^2 k_x u_x + c_s^2 k_y u_y + \left( \frac{\partial}{\partial z} - \frac{\rho_0'(z)}{\rho_0(z)} \right) u_z = 0$$

$$\rho_0(z) = \rho_0 \cdot \exp\left(-\frac{z}{H}\right)$$

$$\underline{z \ll H}$$

$$\frac{\rho_0'(z)}{\rho_0(z)} = -\frac{1}{H} \quad \frac{\partial}{\partial z} \sim k_z$$

$$k_H = \frac{1}{H}$$

$$k_z \gg k_H$$

სივს, სივს<sup>h</sup> შიშ სივს<sup>h</sup>

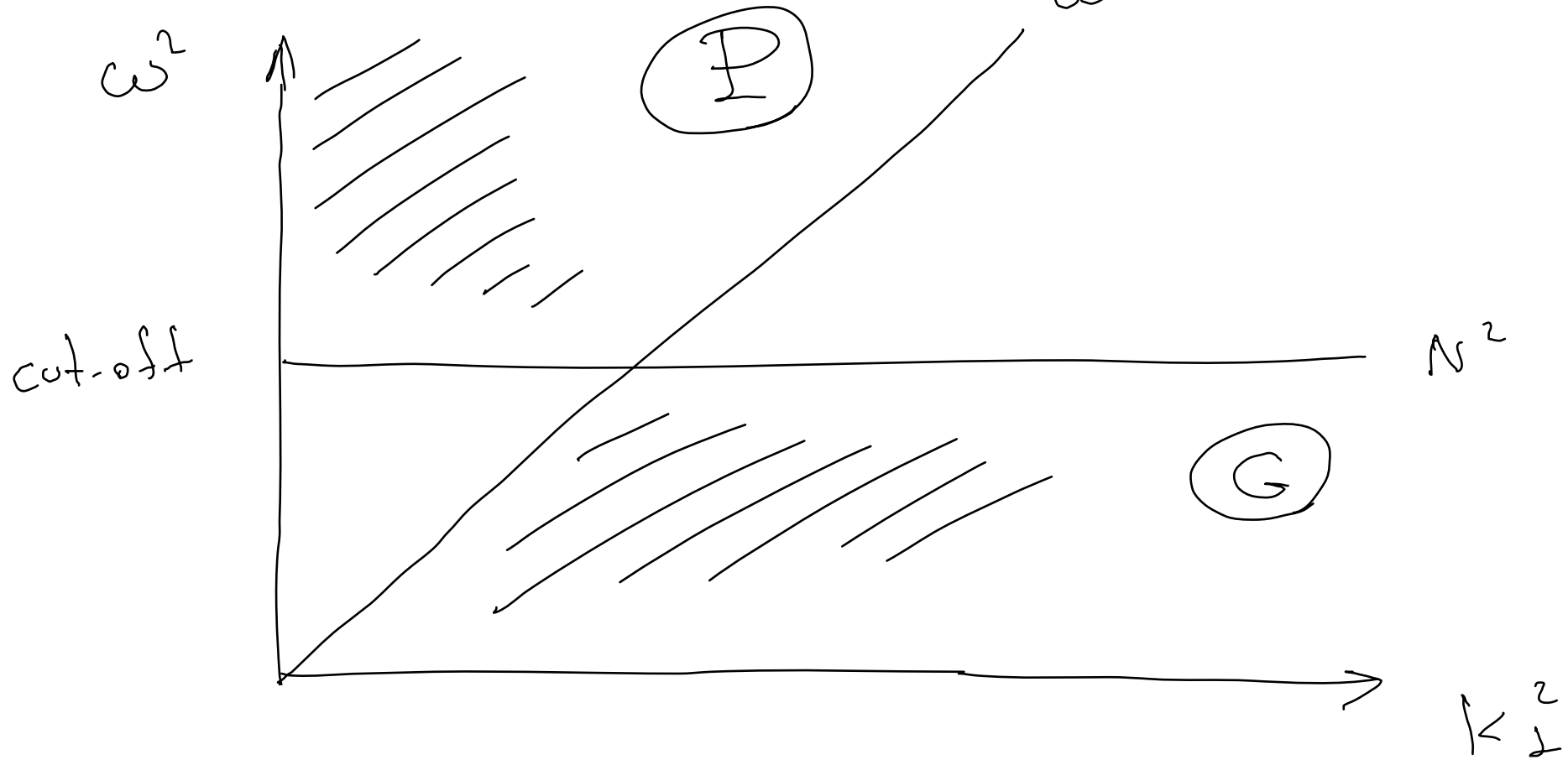
$$N^2 \sim S_0'(z)$$

$$S_0(z) = \rho_0(z) S_0^{\delta}(z)$$



$$(\omega^2 - N^2) \left( \frac{c_s^2 k_{\perp}^2}{\omega^2} - 1 \right) + k_z^2 = 0$$

$$\omega^2 = c_s^2 k_{\perp}^2$$



$$(\omega^2 - N^2) \left( \frac{C_s^2 k_{\perp}^2}{\omega^2} - 1 \right) + k_z^2 = 0$$

$$(\omega^2 - N^2) (C_s^2 k_{\perp}^2 - \omega^2) + \omega^2 k_z^2 = 0$$

$$-\omega^4 + \underline{C_s^2 k_{\perp}^2 \omega^2} - \underline{C_s^2 N^2 k_{\perp}^2} + \underline{\omega^2 N^2} + \underline{\omega^2 k_z^2} = 0$$

$$\omega^4 - (C_s^2 k_{\perp}^2 + N^2) \omega^2 + N^2 C_s^2 k_{\perp}^2 = 0$$

$$\omega^2 = \frac{1}{4} \left\{ \frac{C_s^2 k^2 + N^2}{2} - 1 \pm \sqrt{\left( \frac{C_s^2 k^2 + N^2}{2} - 1 \right)^2 - 4 C_s^2 N^2 k^2} \right\}$$

$$\omega^2 = \frac{C_s^2 k^2 + N^2}{2} \left\{ 1 \pm \sqrt{1 - \frac{4 C_s^2 N^2 k^2}{(C_s^2 k^2 + N^2)^2}} \right\}$$

$$\omega^2 \approx \frac{C_s^2 k^2 + N^2}{2} \left\{ 1 \pm \left( 1 - \frac{2 C_s^2 N^2 k^2}{(C_s^2 k^2 + N^2)^2} \right) \right\}$$

$$\omega_1^2 = \frac{c_s^2 N^2 k_\perp^2}{c_s^2 k^2 + \cancel{A^2}} \approx N^2 \frac{k_\perp^2}{k^2} \quad (\text{G-mode})$$

$$\omega_2^2 = \frac{c_s^2 k^2 + \cancel{A^2}}{2} (2 - \cancel{A}) = c_s^2 k^2 \quad (\text{P-mode})$$

